

Vorlesung

# Advanced Networking Technologies

Dr. Michael Roßberg

# Inhaltsverzeichnis

|  |           |
|--|-----------|
| <b>1. Routers and Switches</b>                         | <b>4</b>  |
| 1.1. Why we Need Faster Routers                        | 4         |
| 1.2. Why Making Fast Routers is Difficult              | 4         |
| 1.3. First Generation Routers                          | 4         |
| 1.4. Second Generation Routers                         | 5         |
| 1.5. Third Generation Routers                          | 5         |
| 1.6. Fourth Generation Routers                         | 5         |
| 1.7. Generic Router Architecture                       | 5         |
| 1.8. Buffer Placement                                  | 6         |
| 1.8.1. Output queueing                                 | 6         |
| 1.8.2. Input queueing                                  | 6         |
| 1.8.3. Virtual Output Queueing                         | 6         |
| 1.9. The Evolution of Switching                        | 6         |
| <b>2. Input-buffered Switches</b>                      | <b>7</b>  |
| 2.1. Input-Queued Switch                               | 7         |
| 2.2. Simple Analysis                                   | 7         |
| 2.2.1. Balls-and-Bins Model                            | 7         |
| 2.2.2. Markov Chain                                    | 7         |
| 2.3. Closed Form Equations for Balls in Bins           | 8         |
| 2.4. Virtual Output Queues                             | 8         |
| 2.4.1. Basic Switch Model                              | 8         |
| 2.4.2. Scheduling Algorithm                            | 9         |
| 2.4.3. Common Definitions for 100 % Throughput         | 9         |
| 2.4.4. Uniform Traffic                                 | 9         |
| 2.4.5. Non-Uniform Traffic with Known Traffic Matrix   | 10        |
| 2.4.6. Double Stochastic Matrices                      | 10        |
| 2.4.7. Non-Uniform Traffic With Unknown Traffic Matrix | 11        |
| <b>A. Markov-Prozesse</b>                              | <b>13</b> |
| A.1. Einführung  | 13        |
| A.2. Markov-Ketten                                     | 13        |
| A.3. Analyse einer Markov-Kette                        | 14        |
| A.4. Eindimensionale Geburts- und Sterbeprozesse       | 15        |
| A.5. Das M/M/1-System                                  | 16        |

|   |           |
|---|-----------|
| <b>B. Buzzword Of The Day</b>                   | <b>17</b> |
| B.1. Cut-Through-Switching . . . . .            | 17        |
| B.2. Hairpin Turn . . . . .                     | 18        |
| B.3. Explicit Congestion Notification . . . . . | 18        |
| <b>Stichwortverzeichnis</b>                     | <b>20</b> |

# 1. Routers and Switches

Router sind zuständig dafür, Pakete anhand der Informationen im IP-Header (i. d. R.) weiterzuleiten. Das passiert anhand der Forwarding-Tabelle (berechnet aus der Routing-Tabelle), die eindeutig einen Next Hop für eine Zieladresse festlegt. Router werden üblicherweise in *Points of Presence* (POPs) (z. B. DE-CIX) zusammengeschlossen. Das Internet ist also kein gut vermaschtes Netz, sondern die Vermaschung konzentriert sich eher auf wenige POPs.

## 1.1. Why we Need Faster Routers

Router werden i. d. R. für große Bandbreiten ausgelegt, da diese sonst leicht zum Bottleneck werden können. Schnelle Router sind wichtig, um Kapazitäten, Kosten, Größe und Stromverbrauch am POP zu senken. Entscheidend sind die Port-Kosten. Je weniger Ports benutzt werden sollen, umso schneller muss der Router werden. In POPs mit großen Routern können Pakete innerhalb des POPs mit deutlich weniger Interconnections weitergeleitet werden, während bei kleineren Routern deutlich mehr Verbindungen nötig sind (um alles miteinander zu verbinden).

Zur Steigerung von Übertragungsgeschwindigkeiten ist es bspw. auch möglich, die Wandlung der Daten in elektrische Signale an Routern für einzelne Farben in einem WDM auszulassen und stattdessen über ein Prisma die Farbe direkt an die passende Zielfaser weiterzuleiten. Dies spart teure Umwandlungen und erhöht den Durchsatz.

## 1.2. Why Making Fast Routers is Difficult

Moore's Law ist für CPUs nicht mehr gültig und wurde für Speicher nie erreicht. Weder Kapazität, Bandbreite noch Zugriffszeiten bei Speicher folgen Moore's Law, sondern steigen deutlich langsamer.

## 1.3. First Generation Routers

Zu BNC-Zeiten gab es für jeden Anschluss ein Line Interface mit BNC-Anschlüssen, die an einer gemeinsamen Backplane angeschlossen waren. Durch die Bus-Architektur muss jedes Pakete zweimal über den Datenbus gesendet werden.

## 1.4. Second Generation Routers

Zusätzlich werden auf den Line Cards Forwarding Caches eingebaut, die ausgehende Interfaces zwischenspeichern, wodurch die meisten Pakete nur einmal über den Datenbus geschickt werden müssen. Durch das Caching können jedoch Reordering-Probleme auftreten, wenn ein zweites Paket dank Cache schon verschickt werden kann, während das erste Paket noch im Paketpuffer ist.

## 1.5. Third Generation Routers

In der Backplane wird eine Switchingmatrix gepflegt, um Pakete hin- und herzusenden. In den Line Cards wird jeweils eine Forwarding-Tabelle von der CPU gepflegt, sodass keine Zugriffe mehr auf die Backplane nötig sind, um das Zielinterface zu bestimmen.

## 1.6. Fourth Generation Routers

Router sind teilweise als Multi-Chassis-Systeme mit optischen Links zwischen den Chassis aufgebaut. Damit hat man im Prinzip schon ein Netzwerk innerhalb des Routers.

## 1.7. Generic Router Architecture

Bei jedem eingehenden Paket wird anhand der IP-Adresse der Zielport aus der Forwarding-Table ausgelesen. Header (TTLs) werden aktualisiert und über ein Switching Fabric an den Output Buffer des ausgehenden Interfaces geschickt. Anschließend wird das Paket am ausgehenden Link verschickt.

Für diese Vorgänge ist generell sehr wenig Zeit möglich; bspw. sind für 40 Gbps-Switching 8 ns Zeit für IP-Adress-Lookup verfügbar. Solche Lookups können jedoch nicht mit einfachen Hash-Tabellen gelöst werden, da diese Worst Case mehr Speicher nehmen als verfügbar ist. Durch Bäume lassen sich zwar die hierarchischen Strukturen, die für Lookups in CIDR nötig sind, speichern, jedoch sind bei Baumsuchen Speicherzugriffe nicht sehr cacheeffizient, was Lookups durch Cache Misses sehr teuer machen kann.

Für die Speicherung im Router werden statt normalem RAM TCAMs benutzt. Dabei werden die Adressen für die Routen hinterlegt. Alles hinter der Subnetzmaske wird dabei auf „don't care“ gesetzt. Für eingehende Pakete werden dann einfach alle Lines im TCAM parallel durchsucht und der Eintrag mit der höchsten Priorität benutzt. So kann deterministisch und schnell eine Pattern-Suche gemacht werden. Nachteil dieser Technik sind hoher Energieverbrauch (es wird immer der ganze Speicher angesprochen) und hohe Kosten.

Für die Logik werden gerne FPGAs/ASICs eingesetzt.

## 1.8. Buffer Placement

Pakete müssen gelegentlich auch mal gespeichert werden. Dies kann entweder am Input Port oder am Output Port gemacht werden. Je nachdem, wo man dies tut, hat es verschiedene signifikant Eigenschaften.

### 1.8.1. Output queueing

Output queueing ist hinsichtlich der Latenz optimal. Worst Case kommt an jedem Input Port etwas für denselben Output Port an, die jedoch dort einfach gespeichert werden können, ohne andere Prozesse zu stören. Allerdings muss das Switching Fabric das  $n$ -fache ( $n$  ist die Anzahl Ports) der Line Rate schaffen.

### 1.8.2. Input queueing

Queues werden kurz vor dem Switching Fabric eingesetzt. Wenn jetzt also mehrere Ports einen Output Port ansprechen wollen, müssen die meisten warten. Für die Entscheidung, welches Paket wann geschickt wird, ist jetzt ein Scheduler nötig. Dafür muss die Switching Fabric aber nur so viel Durchsatz wie Line Rate haben, da an jeden Output Port höchstens mit Line Rate gesendet wird.

Input queueing ist anfällig für Head of Line Blocking. Wenn ein Paket in der Queue nicht verschickt werden kann, können auch nachfolgende Pakete dieses Input Ports (also auch solche, die an andere, freie Ports gerichtet sind), nicht verschickt werden. Also erhöht sich die Latenz und der maximale Durchsatz verringert sich.

### 1.8.3. Virtual Output Queueing

An die Input Queues werden jetzt mehrere Queues gesetzt (eine für jeden Output Port). Jetzt kann ein Scheduler entscheiden, welcher Port jetzt für welchen Output Port drankommt. Dies erlaubt es, dass Pakete andere überholen können, wenn sie an einen anderen Output Port gehen. Damit wird es wieder latenzoptimal.

## 1.9. The Evolution of Switching

Die gezeigten Verfahren sind zwar in der Theorie sehr gut, in der Praxis aber nur schwer umzusetzen. In der Praxis werden stattdessen schnellere Interfaces benutzt, um mehr Durchsatz zu erzielen.

## 2. Input-buffered Switches

### 2.1. Input-Queued Switch

Bei reinem Input-Queueing ist der switch nicht **work-conserving**. Wäre er das, würde ein Output Port, wann immer ein Paket für diesen Output Port irgendwo verfügbar ist, der Output Port nicht idle sein. Dies kann aber auftreten, wenn so ein Paket weiter hinten in einer Queue ist.

### 2.2. Simple Analysis

- Assumptions:
  - Time is slotted, trifft bspw. für ATM zu.

Die Frage ist jetzt, wie viele Zustände der Switch haben kann. Hierzu betrachtet man, wann welche Pakete in welche Input Queue liegen und an welchen Output Port diese geschickt werden sollen. Das ergibt für den 2x2-Switch 4 Zustände.

#### 2.2.1. Balls-and-Bins Model

Der Backlog wird hier nicht betrachtet, sondern nur die Pakete an der HoL. In jedem Schritt wird von jeder Farbe eine Kugel entnommen (sprich: ein Pakete aus der Queue verschickt). Damit lässt sich für das 2x2-Modell die Anzahl Zustände auf 3 reduzieren, da es jetzt egal ist, an welchen Port welche Farbe in der HoL liegt. Dies lässt sich jetzt zu einer Markov-Kette umbauen.

#### 2.2.2. Markov Chain

Bei Markov-Ketten werden alle Zustände und die Wahrscheinlichkeiten für Zustandswechsel aufgetragen. Zusätzlich wird zu jedem Zustand der Durchsatz aufgetragen. Die Wahrscheinlichkeiten für Zustandswechsel ergeben sich durch Überlegung, welche Pakete in einem Zustand verschickt werden können und wie viele Pakete welchen Typs mit welcher Wahrscheinlichkeit „nachrücken“.

In einem eingeschwungenen Prozess sollte die Wahrscheinlichkeit, sich in einem Zustand zu befinden mal dem Zustandswechsel in den Nachbarzustand genau so groß sein wie die Wahrscheinlichkeit, im Nachbarzustand zu sein mal die Wahrscheinlichkeit, zurückzuwechseln. Dies lässt sich mit der zweiten Hälfte der Kette fortführen. Wenn man nun noch fordert, dass alle Wahrscheinlichkeiten zusammen 1 ergeben müssen (was ja

gelten muss), lässt sich das Gleichungssystem lösen. Daraus ergibt sich am Ende ein Gesamtdurchsatz von 75 %.

Die Markov-Kette lässt sich sogar noch weiter vereinfachen, wenn als Zustände nur betrachtet, wie viele Pakete gleichzeitig verschickt werden können (die Zustände werden „kollabiert“). Dies macht auch die Analyse des 3x3-Szenarios einfacher. Bei der Berechnung der Wahrscheinlichkeiten muss trotzdem betrachtet werden, welche Zustände eigentlich hinter den kollabierten Zuständen liegen. nach Analyse ergibt sich hier ein Durchsatz von 68 %. Der Durchsatz fällt als weiter. Konkret: je mehr Ports, umso weniger Durchsatz gibt es, da es mehr Congestion gibt.

## 2.3. Closed Form Equations for Balls in Bins

Ein M/D/1-System ist ein Warteschlangensystem mit Markov-verteilterm Input, degeneriertem Output und einer Bedieneinheit (ein Port).

Nomenklatur:

- $E\{k}$ ... Erwartungswert
- $\rho$ ... Durchsatz
- $\mu$ ... Verarbeitungszeit
- $\sigma$ ... Standardabweichung von der Verarbeitungszeit

Da die Verarbeitungszeit im M/D/1-System immer gleich ist, ist  $\sigma = 0$ . Man kann jetzt  $E\{k\} = 1$  setzen um zu betrachten, wie groß  $\rho$  am Port sein muss, damit das System instabil wird. Das Limit von 58 % zeigt auch, dass ab etwas mehr als 50 % Last der Delay steigt.

Zu beachten ist hierbei, dass es natürlich nur eine theoretische Annahme ist, dass das System ein M/D/1-System ist. Ethernet ist bspw. kein M/D/1-System und insbesondere gibt es durch unterschiedliche Paketgrößen auch unterschiedliche Zeiten, die ein Paket braucht, um verschickt zu werden.

## 2.4. Virtual Output Queues

Idee ist jetzt, an jeden Input Port für jeden Output eine Queue aufzubauen. Ein Scheduler entscheidet dann, welches Paket an welchen Output verschickt wird.

### 2.4.1. Basic Switch Model

An jedem Port  $i$  gibt es einen **Ankunftsprozess**  $A_i(n)$ , der Pakete für Port  $j$  empfängt ( $A_{ij}(n)$ ), Warteschlangen  $Q_{ij}(n)$ , eine Switching-Matrix  $S(n) \in \{0, 1\}^{n \times n}$ .

Der Ankunftsprozess wird wieder mit einer Matrix  $\lambda$  beschrieben, die die Ankunfts-wahrscheinlichkeit angibt, dass von Port  $i$  an Port  $j$  gesendet wird. Dabei muss sicher-gestellt werden, dass keine der Spalten- oder Zeilensummen  $> 1$  ist, da sonst der Input überlastet wird.



### 2.4.2. Scheduling Algorithm

Ziel ist jetzt,  $S(n)$  immer so zu wählen, dass der Switch möglichst 100 % Durchsatz hat. Das ist per Definition der Fall, wenn der Switch work conserving ist.

Für fixe Paketgrößen wird bei Work-Conservation auch der Delay minimiert. Für variable Paketgrößen hingegen kann es sinnvoller sein, kleinere Pakete schneller zu switchen als größere Pakete.

### 2.4.3. Common Definitions for 100 % Throughput

Die dritte Definition sagt aus, dass auch größere Bursts von Pakete mal über einem gewissen  $C$  sein dürfen, solange der Erwartungswert kleiner ist. Es ist also möglich, dass Bursts auch mal überschießen. In der Praxis reicht dies aus, damit nur wenig Paketverlust auftritt.

### 2.4.4. Uniform Traffic

Hier wird zunächst sehr unrealistisch angenommen, dass jeder an jeden mit der gleichen Paketrage sendet. Dann muss lediglich  $\lambda < \frac{1}{N}$  sichergestellt werden, damit es nicht explodiert. Dieser Verkehr ist so einfach, dass quasi jeder Scheduling-Algorithmus 100 % Durchsatz schafft.

#### Uniform Cyclic Scheduling

In jedem Zyklus wird einfach die Switching-Matrix durchgeschaltet, sodass im Kreis jeder Input Port der Reihe nach auf jeden Output Port geschaltet wird. Dieser Scheduler ist fair und deterministisch, jedoch nicht latenzoptimal.

#### Wait Until Full

Es wird gewartet, bis auf jeder VOQ ein Paket anliegt und erst dann wird eine beliebige Permutation geschaltet. Dies ist zwar optimal für den Durchsatz, aber in Hinblick auf Delay sehr schlecht. Insbesondere führt das dazu, dass sich der Delay erst verbessert, wenn die Last *steigt*.

#### Uniform Random Scheduling

Abwandlung von UCS, bei der zu jedem Zeitpunkt eine zufällige Permutation gewählt wird. Dies erlaubt wieder die Analyse mit Markov-Ketten (mit unendlich vielen Zuständen), da es sich um ein M/M/1-System handelt. Durch Analyse der lokalen Gleichgewichtsbedingung für jeden Zustand lässt sich ein Erwartungswert für jeden Zustand berechnen. Damit wiederum lässt sich berechnen, wie lang ein Paket im System verbleibt (sprich: der Delay).

### 2.4.5. Non-Uniform Traffic with Known Traffic Matrix

Der Traffic ist zwar nicht uniform verteilt, aber die Traffic-Matrix  $\lambda$  ist bekannt (fix).

Bei einem uniformen Schedule wird das System sofort instabil. Es besteht jedoch die Möglichkeit, verschiedene Permutationen mit verschiedenen Wahrscheinlichkeiten zu schalten. Dies kann man bspw machen, indem eine feste Abfolge von Schedules in Reihe oder zufällig durchgeschaltet wird. Letzteres macht wieder eine Analyse mit Markov-Ketten möglich.

Die Kernfrage ist nun, ob eine solche Zerlegung sich verallgemeinern lässt. Tatsächlich lässt sich dies algorithmisch lösen.

### 2.4.6. Double Stochastic Matrices

Bei einem doppelt stochastischen Prozess können sich die Wahrscheinlichkeiten ändern. Dies tritt beispielsweise beim Besuch von Websites auf, wo die Wahrscheinlichkeit, dass Pakete verschickt werden, von der Wahrscheinlichkeit abhängig, wie häufig der Nutzer auf Links klickt. Es gibt also einen übergeordneten Prozess, der bestimmt, wie hoch die Wahrscheinlichkeiten sind, dass ein untergeordneter Prozess (hier: der Versand von Paketen) bestimmte Wahrscheinlichkeiten annimmt.

Eine zulässige Verkehrsmatrix ist doppelt substochastisch. Durch geschicktes Aufrunden lässt sich diese in eine doppelt stochastische Matrix überführen. Diese Matrizen wiederum können als Linearkombination endlich vieler Permutationsmatrizen dargestellt werden. Genau genommen werden „nur“ höchstens quadratisch viele benötigt.

Die Zerlegung in Permutationsmatrizen ist insofern interessant, als dass es davon nur quadratisch viele gibt, der Rechenaufwand sich also in Grenzen hält.

Mit bekannter Traffic-Matrix lässt sich nun eine Folge von Switching-Matrizen bilden, die dann in zufälliger Abfolge mit Wahrscheinlichkeit  $\alpha_k$  durchgegangen werden. Dies führt bei bekanntem Traffic-Muster zu 100 % Durchsatz.

#### Example

- Prüfen, ob Matrix zulässig ist (alle Zeilen- und Spaltensummen kleiner 1<sup>1</sup>)
- $\Lambda'$  könnte bspw. auch durch lineare Optimierung bestimmt werden
  - Alle Zeilen- und Spaltensummen sind 1
  - Alle Zellen werden durch Variablen ersetzt, die mindestens so groß wie der ursprüngliche Wert sein soll
  - Maximiere die Variablen, um möglichst viel Headroom zu erzielen
- Strategie, um Permutationsmatrizen und dazugehörige  $\alpha_k$  zu bestimmen:

---

<sup>1</sup>Wäre eine Zeilen- oder Spaltensumme 1, wäre das System äußerst instabil und kann schnell Congestion kriegen, sobald sich das Traffic-Muster minimal ändert.

- Permutationsmatrix  $\Lambda_k$  erzeugen, indem in jeder Zeile die größte zulässige Spalte gewählt wird (Zelle hat größtmöglichen Wert und Spalte wurde zuvor nicht gewählt).
- $\alpha_k$  wird zu dem kleinsten gewählt Wert gewählt.
- $\alpha_k \Lambda_k$  von  $\Lambda'$  abziehen, wiederholen, bis  $\Lambda'$  leer ist (also alles 0). Das ist spätestens nach  $N^2$  Schritten der Fall, da in jedem Schritt mind. eine Zelle zu 0 wird.

In den Folien wird vorher ein Hilfsmatrix  $\tilde{\Lambda} = 10\Lambda'$  gewählt, die einfach so hochskaliert wurde, dass alle Werte Vielfache von 1 sind.

Der Beweis, dass dies zu 100 % Durchsatz führt, lässt sich mithilfe von Lindleys Formel führen. Dabei ist zu beachten:

- $E\{A_{ij}(n)\}$  ist genau unser Traffic-Muster, also  $\lambda_{ij}$
- $E\{S_{ij}\}$  ist genau die Häufigkeit, mit der wir Pakete rausschicken können (was wir eben berechnet haben).
- In Bilanz ist gemäß unserer Konstruktion  $E\{A_{ij}\} \leq E\{S_{ij}\}$ , also haben wir häufiger die Möglichkeit, Pakete zu verschicken, als welche ankommen.

#### 2.4.7. Non-Uniform Traffic With Unknown Traffic Matrix

Da die Traffic-Matrix jetzt unbekannt ist, kann Birkhoff-von-Neumann nicht angewendet werden. Stattdessen wird jetzt einfach versucht, möglichst viel Traffic in jedem Schritt loszuwerden. Dazu werden größte Matchings im bipartiten Graphen zwischen Input Ports auf der einen und Output Ports auf der anderen Seite gebildet, bspw. mithilfe von Flussalgorithmen. Allerdings sind alle Flussalgorithmen sehr langsam (mind. quadratisch) und damit praktisch nicht benutzbar.

Weiterhin sind es nicht ausreichend, irgendein größtes Matching zu benutzen. Wie im Gegenbeispiel gezeigt, kann dies in manchen Fällen dazu führen, dass der Durchsatz nicht 100 % wird. Stattdessen wird versucht, ein Matching größten Gewichts zu finden, also möglichst viel Warteschlange in jedem Schritt abzuarbeiten. Statt jeder Kante im Matching Gewicht 1 zu geben, werden Gewichte anhand der Queue-Größe vergeben. Eine Frage ist jetzt natürlich, welche Strategien für die Auswahl von Gewichten genutzt werden sollen.

#### Longest Queue First (LQF)

Hier wird als Gewicht die Länge der Queue benutzt. Dies erzielt zwar 100 % Durchsatz, führt allerdings nicht zwangsläufig dazu, dass die längste Queue abgearbeitet wird. Insbesondere kann LQF dazu führen, dass einzelne Queues „verhungern“ (also nie gewählt werden).

Der Beweis ist ein bisschen bäh und hier nicht näher erläutert. Am Ende ist aber gezeigt, dass das System stabil ist (auch für verschiedene Arten, die Queue-Länge zu gewichten, bspw. egal ob linear oder quadratisch).

**Maximal Matching**

Tatsächlich zeigt sich bei Messungen, dass MWM bessere Performance (geringeren Delay) liefert als MSM. Allerdings ist die Berechnung von Matchings größten Gewichts extrem langsam (siehe Vorlesung „Effiziente Algorithmen“) und sehr schwer in Hardware implementierbar. Stattdessen wird nicht nach einer global optimalen Lösung gesucht, sondern nach einem lokalen Optimum. Dies wiederum ist mit Greedy-Algorithmen möglich und daher schnell implementierbar. Allerdings wird dadurch auch ein Fehler (Abweichung zur optimalen Lösung) eingeführt.

Eine einfache Strategie verbindet einfach irgendwie Input Ports mit Output Ports (zwischen denen tatsächlich Pakete geschickt werden sollen), bis nichts mehr verbunden werden kann. Um jetzt eine geeignete Kante zu wählen, wird auf das Kantengewicht (Anzahl Pakete in der Queue) geschaut und die Kante mit dem größten Gewicht gewählt. Damit ist der Fehler im schlimmsten Fall 50%. Um jetzt dennoch einen Durchsatz von 100% zu erzielen, wird die Hardware einfach doppelt so schnell getaktet.

# A. Markov-Prozesse [4]

Die folgende Einführung in Markov-Prozesse basiert vorrangig aus dem Material der Vorlesung „Telematik 2 / Leistungsbewertung“ [4].

## A.1. Einführung

Markov-Prozesse sind stochastische Prozesse und ein sehr mächtiges Mittel in der Leistungsbewertung und Modellierung von Netzwerken. Innerhalb von Netzwerken gibt es dabei viele Knoten, die ein Warteschlangensystem beinhalten. Das Verhalten der Warteschlangen wird dabei maßgeblich davon beeinflusst, mit welcher Rate Pakete in die Warteschlange gelegt und wie schnell die Pakete in der Warteschlange abgearbeitet werden. Zur Analyse dieses Verhaltens werden solche Warteschlangensysteme als sog. *Markov-Ketten* modelliert. Dies erlaubt die Berechnung von Wahrscheinlichkeiten bestimmter Warteschlangenzustände (d. h. Füllstände der Warteschlangen) und damit auch die Ableitung von Leistungsmerkmalen der Systeme.

Ein stochastischer Prozess wird als **Markov-Prozess** bezeichnet, wenn er die **Markov-Eigenschaft** besitzt. Dies besagt, dass Ereignisse unabhängig sind, also das zukünftige Verhalten des Systems nach Zeitpunkt  $t$  nur vom Zustand  $X(t)$  abhängt und *keinen* vorigen Zuständen ( $X(\tau), \tau < t$ ).

Dies hat zwangsläufig zur Konsequenz, dass die Inter-Arrival- und Servicezeiten exponentiell verteilt und die Ankunfts- und Serviceereignisse Poisson-verteilt sind.

## A.2. Markov-Ketten

Markov-Ketten und Markov-Prozesse besitzen einen diskreten Zustandsraum (z. B. Anzahl Pakete in einer Queue) und einen stetigen Zeitraum (es gibt keinen festen Takt, in dem Pakete ankommen können, sondern dies kann jederzeit passieren). Das zukünftige Verhalten des Markov-Prozesses ist dabei vollständig durch den aktuellen Zustand beschreibbar.

Markov-Ketten werden gerne genutzt, um Zustandswahrscheinlichkeiten nach Erreichen einer *Steady Phase* zu analysieren. Es wird also angenommen, dass der Prozess ausreichend lang lief, sodass die Wahrscheinlichkeit, dass sich das System in einem bestimmten Zustand befindet, weder vom Ausgangszustand noch von der aktuellen Zeit abhängt. Ein solcher stationärer Zustand muss existieren, wenn Markov-Ketten

- **positiv rekurrent** sind (d. h. jeder Zustand ist in endlich viel Zeit erreichbar),

- **irreduzibel** sind (d. h. jeder Zustand ist von jedem anderen Zustand aus erreichbar) und
- **endlich** sind.

Solche Ketten und Zustände werden dann als **ergodisch** bezeichnet und sie erreichen nach einer transienten Phase ( $t \rightarrow \infty$ ) einen Steady State.

### A.3. Analyse einer Markov-Kette

Betrachte das einfache Beispiel einer Markov-Kette in [Abbildung A.1](#). Dies könnte beispielsweise ein System aus zwei Queues mit zwei Paketen sein, die zwischen diesen Systemen hin- und hergeschoben werden. Es können also zu jedem Zeitpunkt diese zwei Pakete in verschiedenen Queues liegen (also entweder beide in der ersten Queue, beide in der zweiten Queue oder ein Paket in einer und eines in einer anderen Queue). Die Zustände repräsentieren hierbei alle Kombinationen von Füllständen der Queues, während  $\mu_1$  und  $\mu_2$  die Wahrscheinlichkeiten angeben, dass ein Zustandswechsel stattfinden.  $\mu_1$  ist dabei die Wahrscheinlichkeit, dass der erste Knoten ein Paket verschickt. Dies führt dazu, dass der zweite Knoten ein Paket mehr in der Queue hat, also einen Zustand weiter nach rechts gegangen wird.  $\mu_2$  ist umgekehrt die Wahrscheinlichkeit, dass der zweite Knoten ein Paket verschickt und in den Zustand weiter links gegangen wird. Zusätzlich gibt es auch für jeden Zustand die Wahrscheinlichkeit, dass sich der Zustand nicht ändert. Diese lässt sich durch Differenzbildung berechnen und ist nicht weiter aufgeführt.

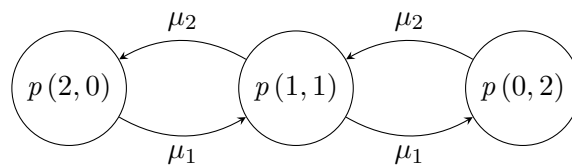


Abbildung A.1.: Einfaches Zustandsdiagramm eines Markov-Prozesses

Zur Analyse solcher Markov-Ketten können nun Kolmogorovs Gleichungssystem aufgestellt werden. Genutzt wird dabei, dass die Wahrscheinlichkeit, den Zustand zu betreten, gleich der Wahrscheinlichkeit ist, den Zustand zu verlassen. Dazu wird für jeden Zustand eine Gleichung aufgestellt, bei der von den Wahrscheinlichkeiten, von einem (anderen) Zustand in diesen Zustand zu wechseln, die Wahrscheinlichkeiten, diesen Zustand zu verlassen, subtrahiert werden. Dabei wird auch jeweils die Wahrscheinlichkeit, in einem entsprechenden Zustand zu sein, multipliziert:

$$\text{Zustand } (2, 0): \quad p_{(1,1)} \cdot \mu_2 - p_{(2,0)} \cdot \mu_1 = 0 \quad (\text{A.1})$$

$$\text{Zustand } (1, 1): \quad p_{(2,0)} \cdot \mu_1 + p_{(0,2)} \cdot \mu_2 - p_{(1,1)} \cdot (\mu_1 + \mu_2) = 0 \quad (\text{A.2})$$

$$\text{Zustand } (0, 2): \quad p_{(1,1)} \cdot \mu_1 - p_{(0,2)} \cdot \mu_2 = 0 \quad (\text{A.3})$$

Zum Schluss wird noch ausgenutzt, dass sich das System jederzeit in einem der Zustände befinden muss, d. h. dass die Summe der Wahrscheinlichkeiten, in einem der Zustände zu sein, immer 1 sein muss:

$$p_{(2,0)} + p_{(1,1)} + p_{(0,2)} = 1 \quad (\text{A.4})$$

Dieses lineare Gleichungssystem lässt sich lösen und ergibt die Wahrscheinlichkeiten, sich in einem der Zustände zu befinden. Diese Wahrscheinlichkeiten können dann bspw. genutzt werden, um zu ermitteln, wie ausgelastet die Knoten im Netzwerk sind (d. h. wie viel Prozent der Zeit sie arbeiten).

## A.4. Eindimensionale Geburts- und Sterbeprozesse

Ein Markov-Prozess ist ein eindimensionaler Geburts- und Sterbeprozess, wenn nur Zustandsübergänge zwischen „benachbarten“ Zuständen möglich sind (z. B. wenn Zustände die möglichen Füllstände einer Warteschlange sind). Die zwei Wahrscheinlichkeiten eines solchen Prozesses sind:

**Geburtswahrscheinlichkeit**  $\lambda_k$ , die die Wahrscheinlichkeit angibt, von Zustand  $k$  nach  $k+1$  überzugehen.

**Sterberate**  $\mu_k$ , die die Wahrscheinlichkeit angibt, vom Zustand  $k+1$  nach  $k$  überzugehen.

Hierfür gibt es dann die angepasste Chapman-Kolmogorov-Gleichung:

$$\frac{d}{dt} p_k(t) = \underbrace{p_{k+1}(t) \mu_{k+1} + p_{k-1}(t) \lambda_{k-1}}_{\text{Transitions to state } k} - \underbrace{p_k(t) \cdot (\lambda_k + \mu_k)}_{\text{Transitions from state } k} \quad \text{Für } k > 0 \quad (\text{A.5})$$

$$\frac{d}{dt} p_0(t) = p_1(t) \mu_1 - p_0(t) \lambda_0 \quad \text{Für } k = 0 \quad (\text{A.6})$$

Normalisierungs-Bedingung:

$$\sum_{k \in Z} p_k(t) = 1 \quad (\text{A.7})$$

In einem solchen eindimensionalen Geburts- und Sterbeprozess existiert globales Gleichgewicht für Zustand  $k$ , wenn Übergänge von und zu benachbarten Zuständen im Gleichgewicht sind:

$$0 = p_{k+1} \mu_{k+1} + p_{k-1} \lambda_{k-1} - p_k (\lambda_k + \mu_k) \quad k > 0 \quad (\text{A.8})$$

$$0 = p_1 \mu_1 - p_0 \lambda_0 \quad k = 0 \quad (\text{A.9})$$

$$\sum_{k \in Z} p_k = 0 \quad (\text{A.10})$$

Im Steady State ergibt sich bei globalem Gleichgewicht die Wahrscheinlichkeit, dass sich das System im Zustand  $k$  befindet, als:

$$p_k = p_0 \cdot \prod_{i=0}^{k-1} \frac{\lambda_i}{\mu_{i+1}} \quad k > 0 \quad (\text{A.11})$$

## A.5. Das M/M/1-System

Das M/M/1-Queueing-System modelliert einen einzelnen Knoten in einem Netzwerk. Dabei wird eine unendlich große Queue angenommen (also auch unendlich viele Zustände). Die ist zwar in der Praxis nicht der Fall, macht jedoch die Analyse einfacher. In der Praxis würde eine zu volle Queue jedoch zu Paketverlust führen. Somit kann eine in der Theorie sehr große Queue ein Indikator dafür sein, dass sich ein entsprechendes System in der Praxis sehr instabil verhalten würde.

Das M/M/1-System ist ein eindimensionaler Geburts- und Sterbeprozess, bei dem  $\lambda = \lambda_0 = \lambda_1 = \dots$  und  $\mu = \mu_0 = \mu_1 = \dots$ , es also vom Zustand unabhängige, unveränderliche Geburts- und Sterberaten gibt. Die Geburtsrate wird hier als „Ankunftsrate“ bezeichnet, die in der Praxis der Ankunft eines Paketes in der Queue entspricht. Die Sterberate ist die Servicerrate/Bedienrate und gibt an, wie schnell das System Pakete aus der Queue verschicken kann.

Die Last des Systems wird als  $\rho := \frac{\lambda}{\mu}$  definiert und  $\rho < 1$  muss gelten, damit das System einen Steady State erzielen kann. Für die Wahrscheinlichkeiten  $p_k$  gilt dann:

$$p_0 = 1 - \frac{\lambda}{\mu} = 1 - \rho \quad (\text{A.12})$$

$$p_k = p_0 \cdot \left(\frac{\lambda}{\mu}\right)^k \quad k > 0 \quad (\text{A.13})$$

$$= (1 - \rho) \rho^k \quad (\text{A.14})$$

Dies ist die Wahrscheinlichkeit, dass  $k$  Pakete im System sind. Da  $\rho < 1$ , ist diese für steigende  $k$  monoton fallend.

Weiter lässt sich die durchschnittliche Anzahl Pakete  $k$  im System ermitteln:

$$k = \frac{\rho}{1 - \rho} \quad (\text{A.15})$$

Die durchschnittliche Anzahl Pakete  $L$  in der Warteschlange ist:

$$L = \frac{\rho^2}{1 - \rho} \quad (\text{A.16})$$

Beide Werte steigen für wachsendes  $\rho$  stark an. Eine hohe Last führt also zu vollen Warteschlangen und irgendwann auch zu Überlast (sprich: Paketverlust). Für die durchschnittliche Antwortzeit  $T_v$  und Wartezeit  $T_w$  gilt:

$$T_v = \frac{1}{\mu - \lambda} \quad (\text{A.17})$$

$$T_w = \frac{1}{\lambda} \cdot \frac{\rho^2}{1 - \rho} \quad (\text{A.18})$$

Auch hier führt eine hohe Last dazu, dass  $T_v$  und  $T_w$  stark ansteigen.



## B. Buzzword Of The Day

In den Vorlesungen wird ein „Buzzword“ bzw. Begriff aus der Welt der Netzwerktechnik genannt. Dieser Begriff ist von den Hörenden zu recherchieren und wird in der anschließenden Vorlesung diskutiert. Hier sind einige Begriffe samt Diskussionen und zusammengetragen.

### B.1. Cut-Through Switching [1, 5]

Cut-Through Switching vermeidet Latenz, indem ein Paket bereits an den ausgenden Port verschickt wird, sobald die Zieladresse und der ausgehende Port bestimmt werden konnten. Das Paket kann also weitergeleitet werden, noch bevor es vollständig empfangen wurde.

Cut-Through Switching erfordert, dass die Linkgeschwindigkeit des ausgehenden Ports mindestens so groß ist wie die des eingehenden Ports, da sonst das Paket wieder gepuffert werden muss. Ein weiteres Problem ergibt sich dadurch, dass die Checksumme des Ethernet Frames nicht geprüft werden kann, bevor das Paket verschickt wird (einerseits, da die Payload zu diesem Zeitpunkt noch nicht ganz bekannt ist, andererseits, da die Checksumme erst am Ende des Ethernet Frames steht). Daher leitet ein Cut-Through Switch auch beschädigte Frames weiter, die ein Store-and-Forward Switch verwerfen würde.

Cut-Through Switching kann auch in einer adaptiven Variante betrieben werden. In diesem Fall wird es nur benutzt, solange Fehler am Link nur selten passieren. Steigt hingegen die Fehlerrate am Port, wird auf Store and Forward umgeschaltet, um unnötiges Weiterleiten von Paketen zu vermeiden.

Eine andere Erweiterung ist Fragment-Free-Cut-Through, bei der nur die ersten 64 Bytes eines Ethernet Frames geprüft werden. Dies beruht auf der Erfahrung, dass Framefehler meistens nur innerhalb der ersten 64 Byte auftreten.

In einem RZ-Setup ist üblicherweise für jedes Rack ein Top-Of-Rack-Switch verbaut, an dem die Server des Racks angeschlossen sind und der das Rack mit dem Backbone verbindet. Das Problem dabei ist, dass Pakete fast immer im Top-Of-Rack-Switch gepuffert werden müssen, weil sie von den Servern zeitgleich Pakete empfangen. In so einem Fall bringt Cut-Through also nichts. Ähnlich bringen die Latengewinne im Nanosekundenbereich selbst für latenzkritische Anwendungen (wie bspw. PTP) nicht viel, da die Latenzen an den Endsystemen meist deutlich größer sind und somit die Gewinne durch Cut-Through-Switching zunichte machen.

## B.2. Hairpin Turn

Es ist teilweise notwendig (z. B. bei VLAN-Routing, Routing im IX), dass ein Router ein Paket an den gleichen Port zurückzuschicken, an dem das Paket ankam. Bei Ethernet ist dies nicht möglich, da sonst durch Backward Learning das Paket im Kreis geschickt wird (wird zwischen zwei Switchen direkt hin und hergeschickt). Schaltet man jedoch Backward Learning aus, kann ein eingehendes Paket auch bei Ethernet direkt zurückgeschickt werden. Dies kann beispielsweise im Cloud-Umfeld genutzt werden, um Traffic-Policies, ACLs, u. Ä. auf Switch-Ebene auch für Traffic durchzusetzen, der zwischen zwei VMs auf dem gleichen VM-Host läuft.

Eine klare Lektion hierbei ist, dass ein Switch nicht nur von einem Port an andere (vom Input Port ungleiche) Ports sendet, sondern auch wieder zurück an den Port selbst.

## B.3. Explicit Congestion Notification [2]

Explicit Congestion Notification (ECN) ermöglicht es Routern und Switchen, den Endpunkten einer Transportverbindung zu signalisieren, wenn eine Queue Congestion erfährt. Dazu setzen Endpunkte ein Bit in den zwei für ECN vorgesehenen Bits im IP-Header. Erfährt nun ein Router/Switch Congestion, werden beide Bits gesetzt, um Congestion anzuzeigen. Die Gegenseite erkennt diese Benachrichtigung und gibt sie in ihrer Antwort an den Sender (z. B. im TCP ACK als Flag) wider. Der Sender kann daraufhin Maßnahmen ergreifen, um Congestion vorzubeugen.

ECN erfordert Unterstützung sowohl an beiden Endpunkten der Verbindung als auch bei den Geräten auf dem Pfad zwischen beiden Endpunkten. Zwar ist es prinzipiell möglich, dass innere Knoten des Pfades kein ECN unterstützen, jedoch dürfen diese Pakete mit gesetzten ECN-Bits nicht verwerfen und auch ihre Routing-Entscheidungen dadurch nicht verändern (was möglich ist, wenn diese Bits anders interpretiert werden). Außerdem funktioniert ECN nur, wenn die inneren Knoten des Pfades auch tatsächlich bei bevorstehender Congestion (welche i. d. R. durch einen AQM-Algorithmus erkannt werden muss) die beiden ECN-Bits setzen. Passiert dies nicht, muss Congestion weiterhin über herkömmliche Methoden wie Packet Loss erkannt werden, was je nach Situation zu größeren Verzögerungen bei der Erkennung von Congestion führt (z. B. bei Tail Drop am Ende eines Bursts) signifikante Verschlechterungen der Verbindungsqualität zur Folge hat (z. B. bei unzuverlässiger Videoübertragung über RTP, bei denen es keine Retransmissions gibt).

Indem ECN den Sender über Congestion informiert, bevor Pakete gedroppt werden müssen, kann das Sendeverhalten (die Senderate) angepasst werden, ohne Daten zu verlieren. Gerade bei unzuverlässigen Übertragungen wie z. B. Echtzeit-Video kann dies die Verbindungsqualität verbessern.

Ein Problem bei der Einführung von ECN ist Abwärtskompatibilität. Die für ECN genutzten Bits des IP-Headers waren zwar zuvor reservierte Bits, wurden jedoch auch schon für andere Zwecke (z. B. Routing-Entscheidungen) genutzt. Dies bedeutet, dass ein Router gesetzte ECN-Bits fehlinterpretieren kann und bspw. Pakete mit gesetzten

ECN-Bits anders routet. Dies wiederum kann zu Reordering führen, was die Performance der Verbindung einschränkt. ECN ist außerdem nur dann effektiv, wenn die Knoten im Pfad, die Congestion erfahren, auch ECN-fähig sind.

Das andere Problem bei der Einführung von ECN ist, dass AQM quasi Pflicht für Knoten ist. Ohne AQM wird auch keine Entscheidung getroffen, wann der Knoten Congestion erfährt und wann er eine ECN versenden soll. Somit kann insbesondere ältere Hardware oder Hardware, die normales FIFO-Queueing mit Tail-Drop benutzt, keine ECN versenden.

Zuletzt können Probleme entstehen, wenn einigen Knoten ECN-fähig sind und deren AQM-Algorithmus die ECN-Bits setzt, statt Pakete zu dropen, ein nachfolgender Knoten aber (aufgrund irgendwelcher Policies zur Bereinigung von Headern) die ECN-Bits auf 0 setzt (sprich, ECN ausschaltet). Dann würde der Sender sein Sendeverhalten nicht anpassen, was möglicherweise zu Problemen im AQM-Algorithmus führen kann.

# Stichwortverzeichnis

Ankunftsprozess, [8](#)

endlich

    Markov-Kette, [14](#)

ergodisch, [14](#)

irreduzibel, [14](#)

Markov-Eigenschaft, [13](#)

Markov-Prozess, [13](#)

positiv rekurrent, [13](#)

Steady Phase, [13](#)

work-conserving, [7](#)

# Literatur

- [1] *Cut-through switching*. In: *Wikipedia*. Page Version ID: 1205281012. 9. Feb. 2024. URL: [https://en.wikipedia.org/w/index.php?title=Cut-through\\_switching&oldid=1205281012](https://en.wikipedia.org/w/index.php?title=Cut-through_switching&oldid=1205281012) (besucht am 08. 04. 2024).
- [2] Gorry Fairhurst und Michael Welzl. *RFC 8087: The Benefits of Using Explicit Congestion Notification (ECN)*. IETF Datatracker. Section: IETF - Internet Engineering Task Force. 2017. URL: <https://datatracker.ietf.org/doc/html/rfc8087> (besucht am 28. 04. 2024).
- [3] Michael Roßberg. "Advanced Networking Technologies". Vorlesung. Vorlesung. 2024.
- [4] Michael Roßberg. "Telematik 2 / Leistungsbewertung". 2023.
- [5] *Switching*. *Elektronik-Kompodium*. URL: <https://www.elektronik-kompodium.de/sites/net/0907141.htm> (besucht am 08. 04. 2024).